

2022 年河南省普通高中 招生考试数学预测卷(二)



快速对答案

1. D 2. B 3. C 4. D 5. B 6. A 7. A 8. D

9. B 10. B 11. $y = \frac{1}{x}$ (答案不唯一) 12. $\frac{3}{4}$

13. -4 14. $\frac{7}{12}\pi$ 15. $4\sqrt{5}$ 16. (1) -1.5 (2) $x <$

$\frac{3}{2}$, 数轴见解析 17. (1) 16 8 (2) C (3) 1 032

18. 38 米 19. (1) 第一次为 55 元, 第二次为 60 元
(2) 销售单价为 95 元时, 销售利润最大, 为 2 450 元

20. (1) 见解析 (2) $\sqrt{3}$

21. (1) 6 3 (2) AE DE 函数图象见解析
(3) 见解析 (4) 3.1 或 6.0 或 11.5

22. (1) $y = -x^2 + 2x + 3$ (2) $y = x + 1$ 或 $y = -x - 1$
(3) $-2 - \sqrt{2}$ 或 $1 + \sqrt{2}$

23. (1) $BM = DN$ (2) $FC = DE$ 且 $FC \perp DE$, 理由见
解析 (3) $\frac{\sqrt{10}}{10}$ 或 $\frac{\sqrt{2}}{2}$



重点题目解析

9. B 【解析】在 $\triangle ABC$ 中, $\because BC = AC$, $\angle ACB = 36^\circ$,
 $\therefore \angle BAC = \angle ABC = 72^\circ$.

又 \because 由题意知 AP 平分 $\angle BAC$, $\therefore \angle PAC = \angle PAB = 36^\circ$,
 $\therefore \angle PAC = \angle ACD$,

$\therefore \triangle ACD$ 是等腰三角形.

又 \because 点 E 是 AC 的中点, $AE = 3$,

$\therefore AC = 2AE = 2 \times 3 = 6$, DE 是线段 AC 的垂直平分
线, $\therefore CF = AF$,

$\therefore \angle ACF = \angle FAC = 72^\circ$,

$\therefore \angle BCF = \angle ACF - \angle BCA = 72^\circ - 36^\circ = 36^\circ$.

又 $\because \angle ABC = 72^\circ$, $\therefore \angle BFC = \angle ABC - \angle BCF = 72^\circ - 36^\circ = 36^\circ = \angle BCF$,

$\therefore BF = BC = AC = 6$. 故选 B.

10. B 【解析】如图, 过点 A_1 作 $A_1D \perp x$ 轴于点 D . 易

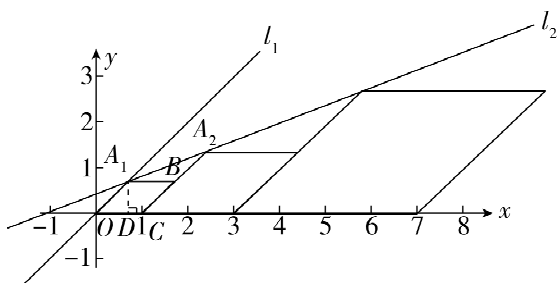
知 $A_1\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$, 则易知 A_2 的纵坐标是 $\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2$, A_3 的

纵坐标是 $\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2^2$, A_4 的纵坐标是 $\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2^3, \dots, A_n$ 的

纵坐标是 $\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2^{n-1}$, 则第 2 022 个菱形的顶点

$A_{2\,022}$ 的纵坐标是 $\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2^{2\,021} = \sqrt{2} \times 2^{2\,020}$. 故

选 B.



14. $\frac{7}{12}\pi$ 【解析】如图, 连接 OC . 由题意知 $\angle ACB =$

90° . $\because \angle ABC = 60^\circ, BC = 1, \therefore \angle BAC = 30^\circ,$

$AB = 2, AC = \sqrt{3}$, 又 $\because OA = OB = OC, \therefore \triangle OBC$ 是等边三角形, $\triangle OAC$ 是等腰三角形,

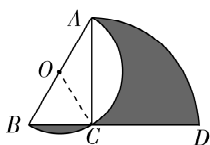
$$\therefore S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形}CAD} - (S_{\text{扇形}OAC} - S_{\triangle OAC}) + S_{\text{扇形}OBC} - S_{\triangle OBC}$$

$$= S_{\text{扇形}CAD} - S_{\text{扇形}OAC} + S_{\triangle OAC} + S_{\text{扇形}OBC} - S_{\triangle OBC}$$

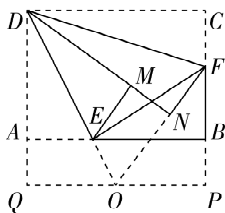
$$= \frac{1}{4}\pi(\sqrt{3})^2 - \frac{1}{3}\pi \times 1^2 + \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{6}\pi \times 1^2 -$$

$$\frac{1}{2} \times 1 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{7}{12}\pi.$$



15. $4\sqrt{5}$ 【解析】如图, 延长 DE, FN 交于点 O , 过点 O 作 $PQ \parallel AB$ 交 DA 的延长线于点 Q , 交 CB 的延长线于点 P .



$$\therefore \angle DQO = \angle FPO = \angle QAB = 90^\circ,$$

\therefore 四边形 $DQPC$ 是矩形.

由折叠可知 $DC = DN = 12, \angle C = \angle DNF = 90^\circ,$

$\angle ADE = \angle EDM, \therefore \angle DQO = \angle DNO = 90^\circ$. 又

$\because DO = DO, \therefore \triangle QDO \cong \triangle NDO$ (AAS), $\therefore DQ = DN = DC = 12, OQ = ON$,

\therefore 四边形 $DQPC$ 是正方形. 又 $\because AD = 8, \therefore AQ = DQ - AD = 12 - 8 = 4$.

$\because AE \parallel OQ, \therefore \triangle DAE \sim \triangle DQO$,

$$\therefore \frac{AE}{OQ} = \frac{AD}{DQ}, \text{ 即 } \frac{4}{OQ} = \frac{8}{12},$$

$$\therefore OQ = 6,$$

$$\therefore ON = OQ = 6, OP = PQ - OQ = 12 - 6 = 6.$$

设 $CF = FN = x$, 则 $OF = ON + FN = 6 + x$,

$$FP = PC - CF = 12 - x.$$

在 $\text{Rt} \triangle OPF$ 中,

$$OP^2 + PF^2 = OF^2,$$

$$\text{即 } 6^2 + (12 - x)^2 = (6 + x)^2,$$

解得 $x = 4$.

在 $\text{Rt} \triangle BEF$ 中,

$$BE = AB - AE = 12 - 4 = 8,$$

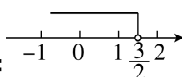
$$BF = BC - CF = 8 - 4 = 4,$$

$$\therefore EF = \sqrt{BE^2 + BF^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5}.$$

16. 【解】(1) 原式 $= 1 + 0.5 - 3 = -1.5$. (5 分)

$$(2) \begin{cases} 2x - 2 < 1, & \text{①} \\ \frac{x+2}{2} \geq x. & \text{②} \end{cases} \text{ 解不等式 ①, 得 } x < \frac{3}{2}. \text{ 解不}$$

等式 ②, 得 $x \leq 2, \therefore$ 原不等式组的解集为 $x < \frac{3}{2}$.

在数轴上表示如下:  (10 分)

17. (1) 16 8 (4 分)

【解析】 抽取的学生共 $27 \div 54\% = 50$ (人),

$$\therefore m = 50 \times 32\% = 16, n\% = \frac{4}{50} \times 100\% = 8\%,$$

$$\therefore n = 8.$$

(2) C (6 分)

【解析】 中位数是将数据按从小到大的顺序排列后, 第 25, 26 个数据的平均数, 而 $3 + 4 + 27 = 34$, \therefore 中位数落在 C 组.

(3) **【解】** 估计测试成绩为优秀的人数为 $(32\% + 54\%) \times 1\,200 = 1\,032$. (9 分)

18. 【解】 设繁塔 BC 的高度为 x 米. 由题意可知 $AD = 11, \angle BDC = 49^\circ, \angle BAC = 60^\circ$.

在 $\text{Rt} \triangle ABC$ 中, $\because \angle BAC = 60^\circ$,

$$\therefore AC = \frac{BC}{\tan 60^\circ} = \frac{x}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}x, \therefore CD = AC + AD =$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3}x + 11.$$

在 $\text{Rt}\triangle BCD$ 中, $\because \tan \angle BDC = \frac{BC}{CD}$,

$$\therefore \frac{x}{\frac{\sqrt{3}}{3}x + 11} = \tan 49^\circ \approx 1.15,$$

解得 $x \approx 38$.

答: 繁塔 BC 的高度约为 38 米. (9 分)

19. 【解】(1) 设足球第一次的进货单价为 m 元, 则第二次的进货单价为 $(m+5)$ 元. 依题意得

$$\frac{5\,500}{m} + \frac{12\,000}{m+5} = 300,$$

$$\text{解得 } m_1 = 55, m_2 = -\frac{5}{3}.$$

经检验, $m_1 = 55, m_2 = -\frac{5}{3}$ 都是原分式方程的

解, 但是 $m_2 = -\frac{5}{3}$ 不合题意, 舍去.

当 $m = 55$ 时, $m+5 = 60$.

答: 足球第一次的进货单价为 55 元, 第二次的进货单价为 60 元. (4 分)

(2) 设每个足球降价 x 元, 商场的利润为 y 元. 由题意得

$$y = (110 - 60 - x) \left(40 + 10 \times \frac{x}{5} \right) = -2x^2 +$$

$$60x + 2\,000 = -2(x-15)^2 + 2\,450.$$

$\because -2 < 0, \therefore$ 当 $x = 15$ 时, y 有最大值, 为 2 450, 此时销售单价为 $110 - 15 = 95$ (元).

答: 当销售单价为 95 元时, 销售利润最大, 为 2 450 元. (9 分)

20. 【解】(1) 如图 1, 连接 AD .

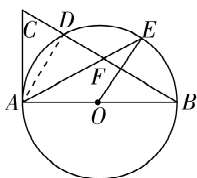


图 1

$\because AB$ 是直径,

$\therefore \angle BDA = 90^\circ,$

$\therefore \angle B + \angle BAD = 90^\circ.$

$\because AC$ 是 $\odot O$ 的切线,

$\therefore \angle BAC = 90^\circ$, 即 $\angle CAD + \angle BAD = 90^\circ,$

$\therefore \angle B = \angle CAD.$

\because 点 E 是 \widehat{BD} 的中点,

$$\therefore \angle BAE = \angle DAE,$$

$$\therefore \angle B + \angle BAE = \angle CAD + \angle DAE,$$

$$\therefore \angle CFA = \angle CAF,$$

$$\therefore AC = CF. \quad (5 \text{ 分})$$

(2) 如图 2, 连接 OD, BE , 设 BC 交 OE 于 G .

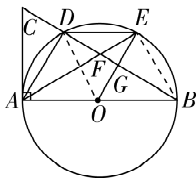


图 2

\because 四边形 $ADEO$ 是菱形,

$\therefore AD = AO, AE$ 平分 $\angle DAB$,

$\therefore AD = AO = DO$,

$\therefore \triangle ADO$ 是等边三角形,

$\therefore \angle DAO = 60^\circ$,

$\therefore \angle DAE = \angle BAE = 30^\circ$,

$\therefore \widehat{DE} = \widehat{BE}$,

$\therefore DE = BE$,

$\therefore \angle DBE = \angle BDE = 30^\circ$.

$\because OD = OB$,

$\therefore OE \perp BD$ 且 OE 平分 BD ,

$\therefore \angle DGE = \angle EGB = 90^\circ$.

设 $DE = m = BE$.

\because 在 $\text{Rt} \triangle DEG$ 中, $\angle GDE = 30^\circ$,

$$\therefore EG = \frac{1}{2}DE = \frac{1}{2}m,$$

$$\therefore DG = \frac{\sqrt{3}}{2}m.$$

$\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径,

$\therefore \angle AEB = 90^\circ$,

\therefore 易得 $\angle FEG = \angle EBG = 30^\circ$.

在 $\text{Rt} \triangle FEG$ 中,

$$\tan \angle FEG = \frac{FG}{EG} = \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3},$$

$$\therefore FG = \frac{\sqrt{3}}{3} \times \frac{1}{2}m = \frac{\sqrt{3}}{6}m,$$

$$\therefore DF = DG - FG = \frac{\sqrt{3}}{2}m - \frac{\sqrt{3}}{6}m = \frac{\sqrt{3}}{3}m,$$

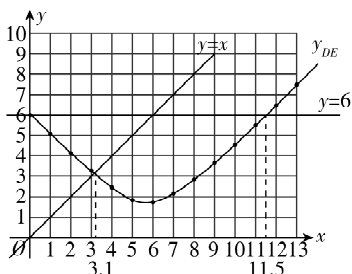
$$\therefore \frac{DE}{DF} = \frac{m}{\frac{\sqrt{3}}{3}m} = \sqrt{3}. \quad (9 \text{ 分})$$

21. (1) 6 3 (2 分)

【解析】当 $AE = 0$ 时, $DE = AD = \frac{1}{2}AC = 6$; 当 PD

经过线段 AB 的中点时, $DE = \frac{1}{2}BC = 3$.

(2)【解】可设线段 AE 的长为自变量 x , 线段 DE 的长为函数值 y . 结合图形的变化及表格可知, 随着 x 的变化, 有唯一确定的 y 随之变化, 所以 AE 为自变量, DE 为因变量, 如图, 函数 y_{DE} 的图象即为所求.



(5 分)

(3) (答案不唯一) 当 $x > 6$ 时, y 随着 x 的增大而增大

(7 分)

(4)【解】再在平面直角坐标系中画出直线 $y = x$ 与 $y = 6$, 如上图所示, 与函数 y_{DE} 的图象有三个交点, 当 $\triangle ADE$ 是等腰三角形时, 有以下三种情况:

- ①当 $AE = DE = 3.1$ 时, $\triangle ADE$ 是等腰三角形;
- ②当 $AE = AD = 6.0$ 时, $\triangle ADE$ 是等腰三角形;
- ③当 $AE = 11.5$ 时, $AD = DE$, $\triangle ADE$ 是等腰三角形.

综上, 当 $\triangle ADE$ 是等腰三角形时, 线段 AE 长度的近似值为 3.1 或 6.0 或 11.5.

(9 分)

22.【解】(1) 把点 $B(3, 0)$, $C(0, 3)$ 代入 $y = -x^2 +$

$$bx + c, \text{ 得 } \begin{cases} 0 = -3^2 + 3b + c, \\ 3 = c, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} b = 2, \\ c = 3. \end{cases}$$

\therefore 此抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3$. (3 分)

(2) 设直线 BC 的解析式为 $y = kx + a$ ($k \neq 0$). 把点 $B(3, 0)$, $C(0, 3)$ 代入 $y = kx + a$,

$$\text{得 } \begin{cases} 0 = 3k + a, \\ 3 = a, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k = -1, \\ b = 3. \end{cases}$$

\therefore 直线 BC 的解析式为 $y = -x + 3$.

①当 AP 与 BC 相交时, $\angle ABC = \angle BAP$, 如图 1.

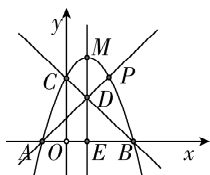


图 1

$$\therefore y = -x^2 + 2x + 3,$$

$$\text{令 } y = 0, \text{ 即 } -x^2 + 2x + 3 = 0,$$

解得 $x_1 = -1, x_2 = 3$,

$\therefore A(-1, 0), B(3, 0)$.

设直线 BC 与直线 ME 的交点为 D .

$\because y = -x^2 + 2x + 3$ 的对称轴为直线 $x = -\frac{2}{2 \times (-1)} = 1$,

把 $x = 1$ 代入 $y = -x + 3$, 得 $y = -1 + 3 = 2$,

$\therefore D(1, 2)$.

当直线 AP 与 BC 相交于对称轴上的点 D 时, 根据抛物线的对称性可知 $\angle ABC = \angle BAP$. 设直线 AP 的解析式为 $y = px + q (p \neq 0)$.

把 $A(-1, 0), D(1, 2)$ 代入 $y = px + q$,

得 $\begin{cases} 0 = -p + q, \\ 2 = p + q, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} p = 1, \\ q = 1. \end{cases}$

\therefore 直线 AP 的解析式为 $y = x + 1$.

② 当直线 $AP \parallel BC$ 时, $\angle ABC = \angle BAP$, 如图 2.

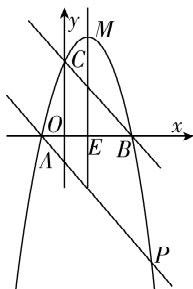


图 2

设直线 AP 的解析式为 $y = p'x + q' (p' \neq 0)$,

易知 $p' = -1$, 则 $y = -x + q'$.

把 $A(-1, 0)$ 代入 $y = -x + q'$, 得 $0 = 1 + q'$,

$\therefore q' = -1$, 直线 AP 的解析式为 $y = -x - 1$, \therefore 直线 AP 的解析式为 $y = x + 1$ 或 $y = -x - 1$.

(7 分)

(3) $\because y = -x^2 + 2x + 3$ 的对称轴为直线 $x = 1$,

\therefore 当 $x < 1$ 时, y 随 x 的增大而增大; 当 $x > 1$ 时, y 随 x 的增大而减小. 有以下四种情况:

① 当 $m + 3 \leq 1$ 时, 即 $m \leq -2$,

则 $-(m + 3)^2 + 2(m + 3) + 3 = 2$,

解得 $m_1 = -2 + \sqrt{2}$ (不合题意, 舍去), $m_2 = -2 - \sqrt{2}$.

② 当 $m \geq 1$ 时,

则 $-m^2 + 2m + 3 = 2$,

解得 $m_3 = 1 - \sqrt{2}$ (不合题意, 舍去), $m_4 = 1 + \sqrt{2}$.

③ 当 $\begin{cases} m < 1, \\ m + 3 > 1 \end{cases}$ 时, 即 $-2 < m < 1$,

函数 y 有最大值为 4, 与函数 y 有最大值为 2 相矛盾, 不合题意, 舍去.

综上所述, m 的值为 $-2 - \sqrt{2}$ 或 $1 + \sqrt{2}$. (10 分)

23. (1) $BM = DN$ (3 分)

【解析】 $\because \triangle ABC$ 是等边三角形, 点 D, E, F 分别是三边中点,

\therefore 易得 $\triangle DEF$ 和 $\triangle BDF$ 是等边三角形,

\therefore 由旋转知 $\triangle MNF$ 是等边三角形,

易得 $\triangle BFM \cong \triangle DFN$ (SAS),

$\therefore BM = DN$.

【解】(2) $FC \perp DE$ 且 $FC = DE$. 理由如下:

$\because \triangle BCD$ 是等腰直角三角形,

$\therefore \angle B = \angle BDC = 45^\circ$.

又 \because 点 O, P, H 分别是三边中点,

$\therefore OP \parallel BC, OH \parallel CD$,

$\therefore \angle DOP = \angle B = \angle BOH = \angle BDC = 45^\circ$.

又 $\because MN \parallel BD$,

$\therefore \angle M = \angle DOP = 45^\circ$,

$\therefore \angle N = \angle BOH = 45^\circ$,

$\therefore \triangle MON$ 是等腰直角三角形,

$\therefore \triangle EOF$ 是等腰直角三角形.

连接 OC ,

则 $OC = OD, \angle DOC = 90^\circ$.

又 $\because \angle EOF = 90^\circ$,

$\therefore \angle DOE = \angle COF$.

在 $\triangle DOE$ 和 $\triangle COF$ 中,

$$\begin{cases} DO = CO, \\ \angle DOE = \angle COF, \\ OE = OF, \end{cases}$$

$\therefore \triangle DOE \cong \triangle COF$ (SAS),

$\therefore DE = FC, \angle OFC = \angle OED$.

延长 FC 交 OE 于点 Q , 交 DE 于点 I ,

则 $\angle OQF = \angle IQE$,

$\therefore \angle FIE = \angle EOF = 90^\circ$,

$\therefore FC \perp DE$,

$\therefore FC \perp DE$ 且 $FC = DE$. (8 分)

(3) 点 B 到直线 OF 的距离是 $\frac{\sqrt{10}}{10}$ 或 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

(10 分)

有三种情况:

①如图 1, 当四边形 $BFCD$ 是以 CB 为对角线的平行四边形时, 过点 O 作 $OM \perp AB$ 于点 M , 过点 B 作 $BH \perp OF$ 于点 H .

$$\therefore \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{10}}{2} \times DM,$$

$$\therefore DM = \frac{\sqrt{10}}{10},$$

$$\therefore BK = DM = \frac{\sqrt{10}}{10}.$$

③如图 3, 当四边形 $BFDC$ 是以 BD 为对角线的平行四边形时, 点 F 与点 A 重合, 点 B 与点 E 重合,

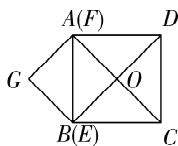


图 3

点 B 到直线 OF 的距离为线段 OB 的长, 即 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

综上所述, 点 B 到直线 OF 的距离是 $\frac{\sqrt{10}}{10}$ 或 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.