

卷⑧ 第4章基础诊断卷(A卷)

答案及评分细则

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	A	A	D	C	B	C	D	C	A	D

11. 直角 12. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ 13. 8 14. $\frac{1}{2}$ 15. 100

16. $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ 17. $(2, 4-\sqrt{3})$ 18. $2\sqrt{6}+3$

19. 【解】(1) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中,

$$\therefore \sin B = \frac{AC}{AB}, \therefore \frac{AC}{10} = \frac{4}{5}, \text{则 } AC=8, \dots\dots (1 \text{ 分})$$

$$\therefore BC = \sqrt{AB^2 - AC^2} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6. \dots\dots (2 \text{ 分})$$

$$\text{又} \because BC=BD, \therefore BD=6. \dots\dots (3 \text{ 分})$$

(2) 如图, 过点 D 作 AC 的垂线, 垂足为 E .

由 $AB=10, BD=6$, 得 $AD=4$.

$$\therefore DE \parallel BC,$$

$$\therefore \triangle AED \sim \triangle ACB, \dots\dots (4 \text{ 分})$$

$$\therefore \frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC}, \text{即 } \frac{AE}{8} = \frac{4}{10} = \frac{DE}{6},$$

$$\text{解得 } AE=3.2, DE=2.4, \dots\dots (5 \text{ 分})$$

$$\therefore CE=8-3.2=4.8. \dots\dots (6 \text{ 分})$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle CDE \text{ 中}, \tan \angle ACD = \frac{DE}{CE} = \frac{2.4}{4.8} = \frac{1}{2}.$$

$$\therefore \angle ACD \text{ 的正切值为 } \frac{1}{2}. \dots\dots (7 \text{ 分})$$

20. 【解】 $\because \angle BAC=90^\circ, BC=9, \sin B = \frac{AC}{BC} = \frac{2}{3},$

$$\therefore AC=6. \therefore AE=2EC,$$

$$\therefore AE = \frac{2}{3}AC=4, CE = \frac{1}{3}AC=2. \dots\dots (3 \text{ 分})$$

$$\therefore DE \parallel BC, \therefore \angle ADE = \angle B, \therefore \sin \angle ADE = \sin B =$$

$$\frac{2}{3}, \therefore \frac{AE}{DE} = \frac{2}{3}, \therefore DE=6. \dots\dots (5 \text{ 分})$$

$$\therefore CF \text{ 平分 } \angle ACB, \therefore \angle BCF = \angle ECF.$$

$$\therefore DE \parallel BC, \therefore \angle BCF = \angle EFC, \therefore \angle EFC = \angle ECF, \therefore EF=EC=2, \therefore DF=DE-EF=6-2=4.$$

$$\dots\dots (7 \text{ 分})$$

21. 【解】(1) 如图, $\text{Rt}\triangle ABC$ 即为所求. $\dots\dots (3 \text{ 分})$

$$\text{由勾股定理得 } AB = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2},$$

$$AC = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2}, BC = \sqrt{5^2 + 1^2} = \sqrt{26},$$

$$\therefore AB^2 + AC^2 = (2\sqrt{2})^2 + (3\sqrt{2})^2 = 26,$$

上分攻略 评分细则

11 题~18 题每题 3 分.

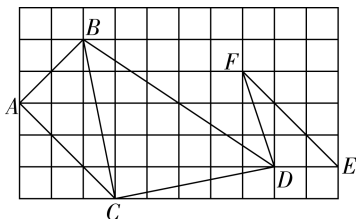
19. (1) 根据正弦值求得 AC 长度得 1 分.

20. 本题中 $\sin \angle ADE = \sin B = \frac{2}{3}$, 代入计算时不难算, 但是容易出错, 最好检查一下.

$$BC^2 = (\sqrt{26})^2 = 26, \therefore AB^2 + AC^2 = BC^2,$$

$$\therefore \triangle ABC \text{ 是直角三角形, 且 } \angle BAC = 90^\circ,$$

$$\tan \angle ACB = \frac{AB}{AC} = \frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}} = \frac{2}{3}.$$



21. (2) 根据题意正确画出 $\triangle DEF$ 得 2 分.

(2) 如图, $\triangle DEF$ 即为所求. (5 分)

$$\text{由图易得 } S_{\triangle DEF} = \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3.$$

$$\therefore BC = \sqrt{26}, CD = \sqrt{5^2 + 1^2} = \sqrt{26}, BD = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{52}, \therefore BC^2 + CD^2 = 52, BD^2 = 52,$$

$$\therefore BC^2 + CD^2 = BD^2,$$

$$\therefore \angle BCD = 90^\circ, BC = CD, \therefore \angle CBD = 45^\circ.$$

$$\therefore CD = \sqrt{26}. \dots\dots\dots (7 \text{ 分})$$

22. 【解】(1) 在 $\text{Rt} \triangle AMN$ 中, $\therefore AN = 12 \text{ km}$,

$$\angle ANM = 45^\circ, \therefore MN = AN \cdot \cos 45^\circ = 12 \times \frac{\sqrt{2}}{2} =$$

$6\sqrt{2} \text{ (km)}$, \therefore 地面雷达站 N 到发射处 M 的水平距离为 $6\sqrt{2} \text{ km}$ (2 分)

(2) 由题意得 $AM = MN$. $\therefore MN = 6\sqrt{2} \text{ km}$, $\therefore AM = 6\sqrt{2} \text{ km}$ (3 分)

在 $\text{Rt} \triangle BMN$ 中, $\therefore \angle BNM = 60^\circ$,

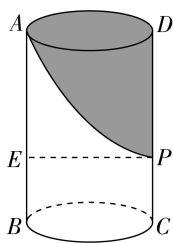
$$\therefore BM = MN \cdot \tan 60^\circ = 6\sqrt{2} \times \sqrt{3} = 6\sqrt{6} \text{ (km)},$$

$$\therefore AB = BM - AM = (6\sqrt{6} - 6\sqrt{2}) \text{ km}.$$

则这枚火箭从 A 到 B 的平均速度为

$$\frac{6\sqrt{6} - 6\sqrt{2}}{5} \text{ km/s}. \dots\dots\dots (7 \text{ 分})$$

23. 【解】过点 P 作 $PE \perp AB$ 于点 E , 如图所示. \therefore 截去部分的体积是该圆柱体积的 $\frac{1}{3}$, \therefore 线段 PE 上面部分的体积是该圆柱体积的 $\frac{2}{3}$, (3 分)



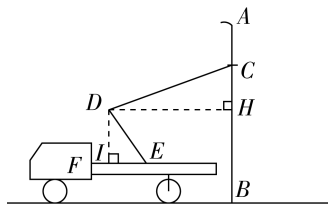
$$\therefore AE = 6 \times \frac{2}{3} = 4. \dots\dots\dots (4 \text{ 分})$$

\therefore 圆柱的底面半径为 2, $\therefore PE = 4$,

$$\therefore \tan \angle BAP = \frac{PE}{AE} = \frac{4}{4} = 1. \dots\dots\dots (8 \text{ 分})$$

24. 【解】如图, 过点 D 作 $DH \perp AB$ 于点 H , $DI \perp EF$ 于点 I .

答案及评分细则



在 $\text{Rt} \triangle DEI$ 中, $\therefore \sin \angle DEI = \frac{DI}{DE}$, $\angle DEF = 55^\circ$,

$DE = 2$ 米, $\therefore DI = DE \cdot \sin 55^\circ \approx 0.82 \times 2 =$

1.64 (米). (2 分)

由作图可得 $DH \parallel EF$, $\therefore \angle HDE = \angle DEI = 55^\circ$.

$\therefore \angle CDE = 75^\circ$, $\therefore \angle CDH = \angle CDE - \angle HDE = 75^\circ - 55^\circ = 20^\circ$ (4 分)

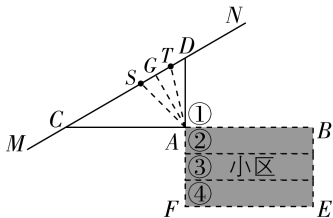
在 $\text{Rt} \triangle CDH$ 中, $\therefore \sin \angle CDH = \frac{CH}{CD}$, $CD = 4$ 米,

$\therefore CH = CD \cdot \sin 20^\circ \approx 0.34 \times 4 = 1.36$ (米),

$\therefore AB = 1.5 + 1.36 + 1.64 + 1.5 = 6$ (米).

答: 路灯 AB 的高度约为 6 米. (9 分)

25. 【解】(1) 如图, 过点 A 作 $AG \perp MN$, 垂足为 G .



$\therefore \angle ACD = 30^\circ$, $DA \perp CA$, $\therefore \angle ADC = 60^\circ$.

..... (2 分)

在 $\text{Rt} \triangle AGD$ 中, $\therefore AD = 220$ 米, $\therefore AG =$

$AD \sin 60^\circ = 110\sqrt{3}$ 米 ≈ 187 米 < 200 米,

$\therefore A$ 单元用户会受到噪声的影响, 售楼人员的说法不可信. (4 分)

(2) 如图, 在 MN 上找到点 S, T , 连接 AS, AT , 使得

$AS = AT = 200$ 米, $\therefore GT = GS = \sqrt{200^2 - (110\sqrt{3})^2} =$

$10\sqrt{37}$ (米), $\therefore ST = 2GT = 20\sqrt{37}$ 米 ≈ 122 米.

..... (6 分)

又 \therefore 高铁速度为 70 米/秒, $\therefore A$ 单元用户受到噪

声影响的时间约有 $\frac{122 + 228}{70} = 5$ (秒). ... (9 分)

26. 【解】(1) 在 $\text{Rt} \triangle ABH$ 中, $\sin \angle BAH = \frac{BH}{AB}$,

$\therefore BH = c \cdot \sin \angle BAH$ (1 分)

在 $\text{Rt} \triangle BCH$ 中, $\sin C = \frac{BH}{BC}$, $\therefore BH = a \cdot \sin C$,

$\therefore c \cdot \sin \angle BAH = a \cdot \sin C$, $\therefore \frac{a}{\sin \angle BAH} =$

$\frac{c}{\sin C}$, 同理可得 $\frac{c}{\sin C} = \frac{b}{\sin \angle ABC}$, $\therefore \frac{a}{\sin \angle BAH} =$

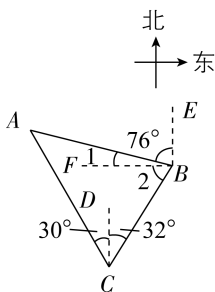
$\frac{b}{\sin \angle ABC} = \frac{c}{\sin C}$ (3 分)

上分攻略 评分细则

24. 作辅助线时一般把尽量多的已知条件放到直角三角形里.

25. 注意“ $110\sqrt{3}$ 米 ≈ 187 米”中“ \approx ”不要写成“ $=$ ”, 否则扣分; 求出 AG 的值后, 要有和“200 米”比较的过程, 直接回答会影响得分.

(2) 如图, 过点 B 作 $BF \perp BE$.



由题意得 $BC = 60 \times \frac{1}{2} = 30$ (海里), $\angle 1 = 90^\circ - 76^\circ = 14^\circ$, $\angle 2 = 90^\circ - 32^\circ = 58^\circ$, $\therefore \angle ABC = \angle 1 + \angle 2 = 72^\circ$. $\because \angle ACB = 30^\circ + 32^\circ = 62^\circ$, $\therefore \angle A = 180^\circ - 62^\circ - 72^\circ = 46^\circ$ (8 分)

由(1)中结论可知 $\frac{AB}{\sin \angle ACB} = \frac{BC}{\sin A}$, $\therefore \frac{AB}{\sin 62^\circ} = \frac{BC}{\sin 46^\circ}$, $\therefore AB \approx \frac{30 \times 0.88}{0.72} \approx 36.7$ (海里), \therefore 此时货轮距灯塔 A 的距离 AB 约为 36.7 海里.

..... (12 分)

26. (1) 因为证明 “ $\frac{c}{\sin C} = \frac{b}{\sin \angle ABC}$ ” 的过程和证明 “ $\frac{a}{\sin \angle BAH} = \frac{c}{\sin C}$ ” 的过程几乎一样, 因此不用再写一遍.

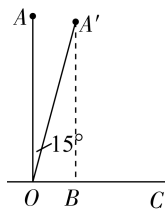
上分解析

1. **A** 【解析】 $2\sin 30^\circ = 2 \times \frac{1}{2} = 1$. 故选 A.
2. **A** 【解析】 $\because \triangle ABC$ 的三边都扩大到原来的 2 024 倍, \therefore 变化后的三角形与原三角形相似. 根据相似三角形的对应角相等, 可知 $\triangle ABC$ 的各个角的大小没有发生变化, $\therefore \sin A$ 的值不变. 故选 A.
3. **D** 【解析】在 $\text{Rt} \triangle ABC$ 中, $\because \angle C = 90^\circ, BC = 2, AB = 3$, $\therefore \cos B = \frac{BC}{AB} = \frac{2}{3}$. 故选 D.
4. **C** 【解析】当 $45^\circ < \alpha < 90^\circ$ 时, $\frac{\sqrt{2}}{2} < \sin \alpha < 1, 0 < \cos \alpha < \frac{\sqrt{2}}{2}$. 故当 $45^\circ < \alpha < 90^\circ$ 时, $\sin \alpha > \cos \alpha$, 故①正确. $\because \cos 60^\circ = \frac{1}{2}, \cos \alpha > \frac{1}{2}$, $\therefore 0^\circ < \alpha < 60^\circ$, 故②正确. \therefore 正确的有①②. 故选 C.
5. **B** 【解析】由题意得 $\angle ACB = 90^\circ$, \therefore 立柱根部与圭表的冬至线的距离为 $\frac{AC}{\tan \angle ABC} = \frac{a}{\tan 26.5^\circ}$. 故选 B.
6. **C** 【解析】由题意可知, $\triangle ABD, \triangle ACD$ 和 $\triangle ABC$ 都是直角三角形.

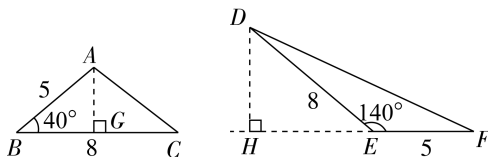
选项	判断	结论
A	在 $\text{Rt} \triangle ABD$ 中, $\sin B = \frac{AD}{AB}$	正确
B	在 $\text{Rt} \triangle ABC$ 中, $\sin B = \frac{AC}{BC}$	正确
C	在 $\text{Rt} \triangle ACD$ 中, $\sin C = \frac{AD}{AC}$	错误
D	在 $\text{Rt} \triangle ABC$ 中, $\sin C = \frac{AB}{BC}$	正确

故选 C.

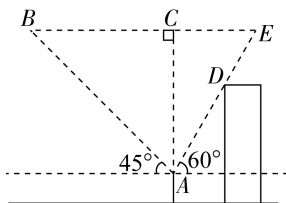
7. D 【解析】如图,过点 A' 作 $A'B \perp OC$, 垂足为 B . 由题意易得 $\angle A' = 15^\circ$, $A'O = 10$ m. 在 $\text{Rt}\triangle OA'B$ 中, $A'B = A'O \cdot \cos 15^\circ \approx 10 \times 0.97 = 9.7$ (m), \therefore 现在接线点 A' 到水平地面的距离约是 9.7 m. 故选 D.



8. C 【解析】如图,过 A 点作 $AG \perp BC$ 于 G , 过 D 点作 $DH \perp EF$, 交 FE 的延长线于 H . 在 $\text{Rt}\triangle ABG$ 中, $AG = AB \cdot \sin 40^\circ = 5 \sin 40^\circ$, $\therefore S_1 = \frac{1}{2} BC \cdot AG = \frac{1}{2} \times 8 \times 5 \sin 40^\circ = 20 \sin 40^\circ$. $\because \angle DEF = 140^\circ$, $\therefore \angle DEH = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$. 在 $\text{Rt}\triangle DHE$ 中, $DH = DE \cdot \sin 40^\circ = 8 \sin 40^\circ$, $\therefore S_2 = \frac{1}{2} EF \cdot DH = \frac{1}{2} \times 5 \times 8 \sin 40^\circ = 20 \sin 40^\circ$, $\therefore S_1 = S_2$. 故选 C.



9. A 【解析】延长 BC 交射线 AD 于 E 点, 如图, 设直升机的飞行速度为 x 米/秒, 直升机从 C 点飞到 E 点用了 t 秒. 根据题意得 $BC = 2x$, $CE = xt$. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\because \angle B = 45^\circ$, $\therefore AC = BC = 2x$. 在 $\text{Rt}\triangle ACE$ 中, $\because \angle CAE = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$, $\therefore AC = \sqrt{3} CE$, 即 $2x = \sqrt{3} xt$, 解得 $t = \frac{2\sqrt{3}}{3}$, 所以直升机被大楼遮住之前, 能录像的时长为 $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 秒. 故选 A.



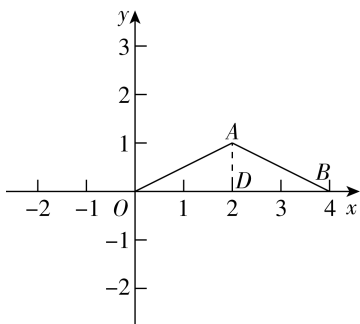
10. D 【解析】

	分类讨论	图示	证明
①	如图, 当点 M 在线段 AB 上时		在 $\text{Rt}\triangle OPM$ 中, $\because \sin \alpha = \frac{PM}{OM}$, $\cos \alpha = \frac{OP}{OM}$, $OP > PM$, $\therefore \sin \alpha < \cos \alpha$. 同法可证, 点 M 在 CD 上时, $\sin \alpha < \cos \alpha$, 不符合题意
②	如图, 当点 M 在 EF 上时, 过点 M 作 $MJ \perp OP$ 于 J		在 $\text{Rt}\triangle OMJ$ 中, $\because \sin \alpha = \frac{MJ}{OM}$, $\cos \alpha = \frac{OJ}{OM}$, $OJ < MJ$, $\therefore \sin \alpha > \cos \alpha$. 同法可证, 点 M 在 GH 上时, $\sin \alpha > \cos \alpha$, 符合题意

故选 D.

11. 直角 【解析】由题意得 $\frac{\angle A + \angle B}{2} = 45^\circ$, 两边都乘 2, 得 $\angle A + \angle B = 90^\circ$, $\therefore \angle C = 180^\circ - (\angle A + \angle B) = 90^\circ$, 故答案为直角.

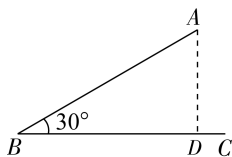
12. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ 【解析】根据题意可画出直角坐标系, 作 $AD \perp x$ 轴于 D , 如图所示. \because 点 $A(2, 1)$ 和点 $B(4, 0)$, $\therefore OD = 2, AD = 1, OB = 4, \therefore BD = 2$. 在 $\text{Rt} \triangle ADB$ 中, 由勾股定理可得 $AB = \sqrt{AD^2 + BD^2} = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$, $\therefore \sin \angle ABO = \frac{AD}{AB} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$, 故答案为 $\frac{\sqrt{5}}{5}$.



13. 8 【解析】 $\because \angle B = \angle C = 30^\circ$, $\therefore \angle BAC = 180^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 120^\circ$. $\because AD \perp AB$, $\therefore \angle BAD = 90^\circ$, $\therefore \angle CAD = \angle C = 30^\circ, BD = 2AD, \therefore AD = CD, \therefore BD = \frac{2}{3}BC = 8$. 故答案为 8.

14. $\frac{1}{2}$ 【解析】由题图可得, $AC = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}, AB = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}, BC = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$, $\therefore AC^2 + BC^2 = AB^2$, $\therefore \triangle ACB$ 是直角三角形, $\angle ACB = 90^\circ$, $\therefore \tan \angle ABC = \frac{AC}{BC} = \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$. 故答案为 $\frac{1}{2}$.

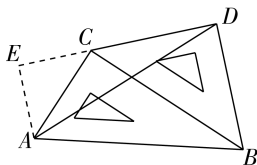
15. 100 【解析】如图, 过点 A 作 $AD \perp BC$ 于 D . 在 $\text{Rt} \triangle ABD$ 中, $\because \angle ADB = 90^\circ, \angle B = 30^\circ, AB = 200 \text{ m}$, $\therefore AD = AB \cdot \sin 30^\circ = \frac{1}{2}AB = 100 \text{ m}$, 即这名滑雪运动员的高度下降了 100 m. 故答案为 100.



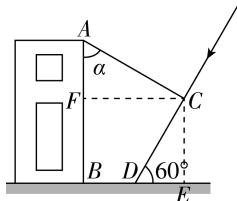
上分点拨 | 坡度与坡角

在解决坡度的有关问题中, 一般通过作高构造直角三角形, 坡角为锐角, 坡度实际就是该锐角的正切值, 水平宽度或铅直高度都是直角边.

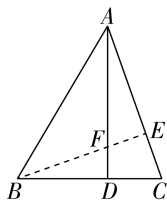
16. $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ 【解析】如图, 作 $AE \perp CD$, 交 DC 的延长线于点 E . 易得 $\angle ACE = \angle BCD = 45^\circ$. 设 $AE = 1$, 则 $CE = 1, AC = \sqrt{2}, \therefore BC = \tan \angle CAB \cdot AC = AC \cdot \tan 60^\circ = \sqrt{6}$. $\therefore \triangle BCD$ 是等腰直角三角形, $\therefore CD = \sqrt{3}, \therefore DE = CE + CD = 1 + \sqrt{3}, \therefore \tan \angle ADC = \frac{AE}{DE} = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$.



17. $(2.4 - \sqrt{3})$ 【解析】如图, 作 $CF \perp AB$ 于点 F , 作 $CE \perp BD$, 交 BD 的延长线于点 E , 易得四边形 $BECF$ 为矩形. 由已知可得, $AC = 2.6$ 米, $\cos \alpha = \frac{5}{13}$, $AB = 4$ 米, \therefore 在 $\text{Rt} \triangle AFC$ 中, $AF = AC \cdot \cos \alpha = 2.6 \times \frac{5}{13} = 1$ (米), $\therefore CF = \sqrt{AC^2 - AF^2} = \sqrt{2.6^2 - 1^2} = 2.4$ (米), $BF = AB - AF = 4 - 1 = 3$ (米), $\therefore CE = BF = 3$ 米, $CF = BE = 2.4$ 米. $\therefore \angle CDE = 60^\circ$, $\angle CED = 90^\circ$, $\therefore DE = \frac{CE}{\tan 60^\circ} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}$ (米), $\therefore BD = BE - DE = (2.4 - \sqrt{3})$ 米, 故答案为 $(2.4 - \sqrt{3})$.



18. $2\sqrt{6} + 3$ 【解析】过 B 作 $BE \perp AC$ 于点 E , 交 AD 于点 F , 如图. $\because BE \perp AC, AD \perp BC, \therefore \angle C + \angle EBC = 90^\circ, \angle C + \angle EAF = 90^\circ, \therefore \angle EAF = \angle EBC. \therefore \angle AEF = \angle BEC = 90^\circ, \therefore \triangle AFE \sim \triangle BCE, \therefore \frac{AE}{BE} = \frac{AF}{BC}$. 又 $\because \tan \angle BAC = \frac{BE}{AE} = \frac{4}{3}, \therefore \frac{AE}{BE} = \frac{AF}{BC} = \frac{3}{4}. \therefore BC = BD + CD = 8, \therefore AF = 6$. 又 $\because \angle BDF = \angle ADC = 90^\circ, \therefore \triangle BDF \sim \triangle ADC, \therefore \frac{FD}{DC} = \frac{BD}{AD}$. 设 FD 长为 x , 则 $\frac{x}{3} = \frac{5}{x+6}$, 解得 $x = 2\sqrt{6} - 3$ 或 $-2\sqrt{6} - 3$ (舍去), $\therefore AD = AF + FD = 6 + 2\sqrt{6} - 3 = 2\sqrt{6} + 3$. 故答案为 $2\sqrt{6} + 3$.



19. 【思路分析】(1) 根据 $\angle B$ 的正弦值, 求出 AC 的长, 再利用勾股定理求出 BC 的长即可解决问题.
(2) 过点 D 作 AC 的垂线, 垂足为 E , 在所构造的直角三角形中, 求出 $\angle ACD$ 的邻边和对边即可解决问题.
20. 【思路分析】先由锐角的正弦值求出 AC 的长, 进而结合 $AE = 2EC$ 得到 AE, CE 的长, 之后利用等角的正弦值相等, 求得 DE 的长, 然后由平行线的性质及等角对等边得到 EF 的长, 最后求出 DF 的长.
21. 【思路分析】(1) 作 $\angle BAC = 90^\circ$, 且边 $AC = 3\sqrt{2}$, 才能满足条件;
(2) 找到使 $\triangle DEF$ 的面积为 3 时点 D 的位置, 再去验证 $\angle CBD$ 是否为 45° .
22. 【方法总结】解决此类问题要了解角之间的关系, 找到与已知角和未知角相关联的直角三角形, 当图形中没有直角三角形时, 要通过作垂线构造直角三角形.
23. 【思路分析】根据题意得出线段 PE 上面部分的体积是该圆柱体积的 $\frac{2}{3}$, 即可得出 AE 的长, 进而求解即可.
24. 【关键点拨】根据题目已知条件作出辅助线, 并利用锐角三角函数解直角三角形是解题关键.
25. 【思路分析】(1) 过点 A 作 $AG \perp MN$, 垂足为 G , 根据锐角三角函数求出 AG 的

长,再与 200 米比较大小即可求解;

(2) 在 MN 上找到点 S, T , 连接 AS, AT , 使得 $AS = AT = 200$ 米. 根据勾股定理求出 GT 的长, 进而求出 ST 的长, 再根据高铁速度, 进一步得到 A 单元用户受到噪声影响的时间.

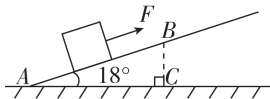
26. 【方法总结】解决有关方位角的问题时, 一般要根据题意理清图形中各角的关系, 有时所给的方位角并不一定在直角三角形中, 需要用学过的知识将已知角转化为所需要的角.

第4章 对点上分

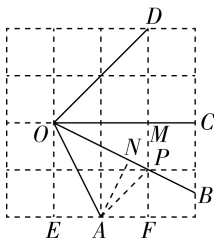
上分解析

1. B 【解析】由锐角三角函数的定义可知, $\sin A = \frac{a}{c}$, $\tan B = \frac{b}{a}$, $\cos A = \frac{b}{c}$, $\tan A = \frac{a}{b}$. 故选 B.

2. B 【解析】如图, 设 $AB = 15$ m, 过点 B 作 $BC \perp AC$ 于点 C . 由题意可得 $\sin 18^\circ = \frac{BC}{AB} = \frac{BC}{15}$, 则 $BC = 15\sin 18^\circ$ m, 即滑块上升的高度是 $15\sin 18^\circ$ m. 故选 B.



3. C 【解析】如图, 连接 AP , 过点 A 作 $AN \perp OP$ 于 N . $\because OP = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$, $OD = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$, $OA = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$, $S_{\triangle OPA} = S_{\text{梯形} OPFE} - S_{\triangle AOE} - S_{\triangle PAF} = \frac{1}{2} \times (1+2) \times 2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 1 - \frac{1}{2} \times 1 \times 1 = 3 - 1 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$, $\therefore S_{\triangle OPA} = \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times AN = \frac{3}{2}$, $\therefore AN = \frac{3\sqrt{5}}{5}$, $\therefore \sin \angle AOB = \frac{AN}{OA} = \frac{3}{5} = 0.6$. $\because \sin \angle COD = \frac{DM}{OD} = \frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0.7$, $0.6 < 0.7$, $\therefore \sin \angle AOB < \sin \angle COD$, $\therefore \angle AOB < \angle COD$. 故选 C.



4. D 【解析】A 选项, $\sin 45^\circ + \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \neq 1$, 故该选项不符合题意; B 选项, 因为 $2\tan 30^\circ = \frac{2\sqrt{3}}{3}$, $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$, 所以 $2\tan 30^\circ \neq \tan 60^\circ$, 故该选项不符合题意; C 选项, 因为 $2\sin 60^\circ = \sqrt{3}$, $\tan 45^\circ = 1$, 所以 $2\sin 60^\circ \neq \tan 45^\circ$, 故该选项不符合题意; D 选项, 因为 $\sin^2 30^\circ = \frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}\cos 60^\circ = \frac{1}{4}$, 所以 $\sin^2 30^\circ = \frac{1}{2}\cos 60^\circ$, 故该选项符合题意. 故选 D.

5. 105° 【解析】 $\because \sin A = \frac{1}{2}$, $\cos B = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\angle A, \angle B$ 都是锐角, $\therefore \angle A = 30^\circ$, $\angle B = 45^\circ$, $\therefore \angle C = 180^\circ - 45^\circ - 30^\circ = 105^\circ$. 故答案为 105° .

6. D 【解析】 $\because 2CD = 6$, $\therefore CD = 3$. $\because \tan C = \frac{AD}{CD} = 2$, $\therefore AD = 6$. 在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, 由勾股定理得 $AB = \sqrt{AD^2 + BD^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2}$. 故选 D.

7. 【解】(1) 在 $\text{Rt}\triangle ADE$ 中, $\angle AED = 90^\circ$, $AE = 6$, $\cos A = \frac{3}{5}$, $\therefore AD = \frac{AE}{\cos A} = 10$, $\therefore DE = \sqrt{AD^2 - AE^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$.

$\therefore BD$ 平分 $\angle ABC$, $DE \perp AB$, $DC \perp BC$, $\therefore CD = DE = 8$.

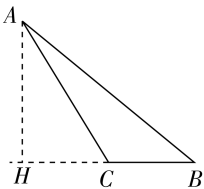
(2) 由 (1) 得 $AD = 10$, $DC = 8$, $\therefore AC = AD + DC = 18$.

在 $\triangle ADE$ 与 $\triangle ABC$ 中, $\therefore \angle A = \angle A$, $\angle AED = \angle ACB$,

$$\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC, \therefore \frac{DE}{BC} = \frac{AE}{AC}, \text{ 即 } \frac{8}{BC} = \frac{6}{18},$$

$$\therefore BC = 24, \therefore \tan \angle DBC = \frac{CD}{BC} = \frac{8}{24} = \frac{1}{3}.$$

- 8. B 【解析】** 如图, 过 A 作 $AH \perp BC$, 交 BC 的延长线于 H . $\therefore \sin B = \frac{AH}{AB} = \frac{3}{5}$, $AB = 5$, $\therefore AH = 3$, $\therefore BH = \sqrt{AB^2 - AH^2} = 4$, $\therefore HC = BH - BC = 4 - 2 = 2$, $\therefore AC = \sqrt{HC^2 + AH^2} = \sqrt{13}$. 故选 B.



- 9. 【解】** 如图, 过点 C 作 $CD \perp AB$ 于点 D .

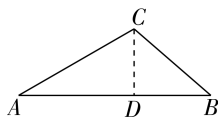
\therefore 在 $\text{Rt} \triangle CDA$ 中, $\angle A = 30^\circ$,

$$\therefore CD = AC \cdot \sin 30^\circ = 3\sqrt{3}, AD = AC \times \cos 30^\circ = 9.$$

在 $\text{Rt} \triangle CDB$ 中, $\therefore \tan B = \frac{3}{4}$,

$$\therefore \frac{CD}{BD} = \frac{3}{4}, \therefore BD = 4\sqrt{3},$$

$$\therefore AB = AD + DB = 9 + 4\sqrt{3}.$$



- 10. 【解】** (1) 如图, 作 $AH \perp BC$, 垂足为 H .

$$\therefore AB = AC = 5, \therefore BH = \frac{1}{2}BC = 4.$$

在 $\triangle ABH$ 中, $AH = \sqrt{AB^2 - BH^2} = 3$,

$$\therefore \sin B = \frac{AH}{AB} = \frac{3}{5}.$$

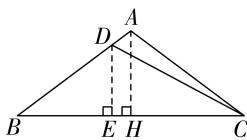
(2) 如图, 作 $DE \perp BC$, 垂足为 E . 在 $\triangle BDE$ 中, $\therefore \sin B = \frac{3}{5}$,

$$\therefore \text{令 } DE = 3k, BD = 5k, \text{ 则 } BE = \sqrt{BD^2 - DE^2} = 4k.$$

在 $\triangle CDE$ 中, $\tan \angle BCD = \frac{1}{2}$, 则 $CE = \frac{DE}{\tan \angle BCD} = 6k$,

$$\therefore BC = BE + EC, \text{ 即 } 4k + 6k = 8,$$

$$\text{解得 } k = \frac{4}{5}, \therefore DE = \frac{12}{5}, \therefore S_{\triangle BCD} = \frac{1}{2}BC \times DE = \frac{48}{5}.$$



上分专题(五) 解直角三角形在实际应用中的常见模型

上分解析

1. 【解】由题易得 $\angle ANO = 43^\circ$, $\angle BMO = 35^\circ$, $AO \perp MN$.

在 $\text{Rt}\triangle AON$ 中, $\therefore AO = 135 \text{ m}$,

$$\therefore ON = \frac{AO}{\tan 43^\circ} \approx \frac{135}{0.9} = 150(\text{m}).$$

$\therefore AB = 40 \text{ m}$, $\therefore BO = AO - AB = 135 - 40 = 95(\text{m})$.

在 $\text{Rt}\triangle MBO$ 中, $MO = \frac{OB}{\tan 35^\circ} \approx \frac{95}{0.7} \approx 135.7(\text{m})$,

$\therefore MN = NO + MO = 150 + 135.7 \approx 286(\text{m})$.

答: MN 的长约为 286 m .

2. 【解】(1) 由题意得 $\angle ACB = 45^\circ$.

$\therefore \angle ACD = 105^\circ$,

$\therefore \angle DCE = 180^\circ - \angle ACB - \angle ACD = 30^\circ$.

故答案为 30 .

(2) $\because DE \perp CE$, $\therefore \angle DEC = 90^\circ$.

在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中, $\angle DCE = 30^\circ$, $CD = 40 \text{ m}$,

$$\therefore DE = \frac{1}{2}CD = 20 \text{ m}, CE = \sqrt{3}DE = 20\sqrt{3} \text{ m} \approx 34 \text{ m}.$$

故答案为 $20, 34$.

(3) 如图, 过点 D 作 $DF \perp AB$ 于点 F .

由题意得 $BF = DE = 20 \text{ m}$, $DF = BE$.

设 $AB = x \text{ m}$.

在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 45^\circ$,

$$\therefore BC = \frac{AB}{\tan 45^\circ} = x \text{ m},$$

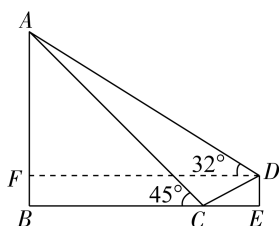
$\therefore AF = AB - BF = (x - 20) \text{ m}$, $DF = BE = BC + CE = (x + 34) \text{ m}$.

在 $\text{Rt}\triangle ADF$ 中, $\angle ADF = 32^\circ$,

$$\therefore AF = DF \cdot \tan 32^\circ \approx 0.62(x + 34) \text{ m},$$

$\therefore x - 20 = 0.62(x + 34)$, 解得 $x \approx 108$, $\therefore AB = 108 \text{ m}$.

答: 三亚南山海上观音圣像的高度 AB 约为 108 m .



3. 【解】如图, 过点 C 作 $CE \perp AB$ 于点 E .

$\therefore \angle ACD = \angle A + \angle B$, $\therefore \angle A = 48.3^\circ$.

$$\therefore \sin A = \frac{CE}{AC}, \cos A = \frac{AE}{AC},$$

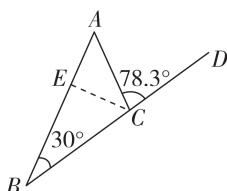
$\therefore CE = AC \cdot \sin 48.3^\circ \approx 60(\text{米})$, $AE = AC \cdot \cos 48.3^\circ \approx$

$53.6(\text{米})$.

$$\therefore \angle B = 30^\circ, \tan B = \frac{CE}{BE},$$

$\therefore BE = \sqrt{3}CE \approx 103.8(\text{米})$, $\therefore AB = AE + BE \approx 157(\text{米})$.

答: AB 的长约为 157 米 .



4. 【解】由题意知, $DE=AB=20$ 米, $EF=BC=40$ 米,
 $\therefore DF=DE+EF=20+40=60$ (米).

在 $\text{Rt}\triangle DFG$ 中, $\tan \angle GDF = \tan 30^\circ = \frac{FG}{DF}$,

$\therefore FG = DF \cdot \tan 30^\circ = 60 \times \frac{\sqrt{3}}{3} \approx 34.6$ (米).

在 $\text{Rt}\triangle EFH$ 中, $\tan \angle HEF = \tan 50^\circ = \frac{FH}{EF}$,

$\therefore FH = EF \cdot \tan 50^\circ \approx 40 \times 1.19 = 47.6$ (米),

$\therefore GH = FH - FG \approx 47.6 - 34.6 = 13$ (米).

答: 信号发射塔 GH 的高度约为 13 米.

卷⑨ 第4章提优验收卷(B卷)

答案及评分细则

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	C	D	B	A	D	D	C	B	A	A

11. 30 12. 45 13. 60° 14. $\frac{4}{5}$ 15. 2.7

16. $\frac{3}{4}$ 17. (1) 60 (2) $(6\sqrt{3}-6)$

18. $(200\sqrt{3}-100)$

19. 【解】(1) 如图, 过点 M 作

$MP \perp ON$, 垂足为点 P . 在

$\text{Rt}\triangle MOP$ 中,

由 $\sin \angle MON = \frac{3}{5}$, $OM = 10$, 得 $\frac{MP}{10} = \frac{3}{5}$, $\therefore MP = 6$

(2分)

由勾股定理, 得 $OP = \sqrt{OM^2 - MP^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$, \therefore 点 M 的坐标是 $(8, 6)$

(4分)

(2) $\because OP = 8, OM = 10$,
 $\therefore \cos \angle MON = \frac{OP}{OM} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$

(6分)

20. 【解】(1) 如图(1), 过点

A 作 BD 的垂线交 BD

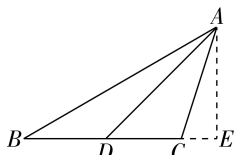
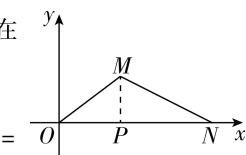
的延长线于点 E . 在

$\text{Rt}\triangle ABE$ 中, $\because \angle ABC =$

30° , $\therefore AB = 2AE$,

..... (1分)

$BE = \frac{AE}{\tan 30^\circ} = \sqrt{3}AE$. 在 $\text{Rt}\triangle ADE$ 中, $\because \angle ADC =$



图(1)

上分攻略 评分细则

11 题~18 题每题 3 分.

19. 使用勾股定理时一般写出过程, 类似“ $OP = \sqrt{OM^2 - MP^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$ ”, 没有过程, 一旦算错, 扣分较多.

20. (1) 由特殊角三角函数值得出线段长度关系是得分关键点.

答案及评分细则

$45^\circ, \therefore DE=AE, \dots\dots\dots (2 \text{ 分})$

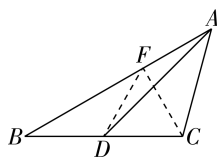
$\therefore BD=BE-DE=\sqrt{3}AE-AE=(\sqrt{3}-1)AE,$

$\therefore \frac{AB}{BD}=\frac{2AE}{(\sqrt{3}-1)AE}=\sqrt{3}+1. \dots\dots\dots (3 \text{ 分})$

(2)如图(2),在 AB 上取一点 F ,使得 $DB=DF$,连接 $FC. \because DB=DF,$

$\therefore \angle DBF=\angle DFB=30^\circ,$

$\dots\dots\dots (4 \text{ 分})$



图(2)

$\therefore \angle FDC=\angle B+\angle DFB=$

$60^\circ. \because DB=DC=DF, \therefore \triangle DFC$ 是等边三角形, $\therefore \angle FCD=\angle CFD=60^\circ,$

$\therefore \angle CFB=\angle CFA=90^\circ. \dots\dots\dots (5 \text{ 分})$

$\because \angle ADC=45^\circ, \therefore \angle FDA=\angle FDC-\angle ADC=15^\circ.$

$\because \angle DFB=\angle FDA+\angle FAD,$

$\therefore \angle FDA=\angle FAD=15^\circ, \dots\dots\dots (6 \text{ 分})$

$\therefore FD=FA=FC.$

$\because \angle CFA=90^\circ, \therefore \angle FCA=45^\circ, \therefore \angle ACB=\angle ACF+\angle FCB=45^\circ+60^\circ=105^\circ. \dots\dots\dots (7 \text{ 分})$

21.【解】如图,过点 C 作 $CF \perp BN$ 于点 F ,作 $CG \perp DE$ 于点 $G, \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$

则有 $\angle CGN=\angle CFN=\angle FNG=90^\circ, \therefore$ 四边形

$CGNF$ 为矩形, $\therefore CF \parallel GN, CG=FN, CF=GN,$

$\therefore \angle DAC=\angle ACF=79^\circ,$

$\therefore \angle BCF=\angle ACB-\angle ACF=30^\circ. \dots\dots\dots (3 \text{ 分})$

在 $\text{Rt}\triangle ACG$ 中, $CG=AC \cdot \sin \angle GAC \approx 2 \times 0.98=1.96$ (米), $AG=AC \cdot \cos \angle GAC \approx 2 \times 0.19=0.38$ (米), $\therefore FN=CG=1.96$ 米, $CF=GN=AG+AN=0.38+1.35=1.73$ (米). $\dots\dots\dots (5 \text{ 分})$

在 $\text{Rt}\triangle BCF$ 中, $BF=FC \cdot \tan 30^\circ=1.73 \times \frac{\sqrt{3}}{3} \approx$

1.00 (米), $\therefore BN=BF+FN=1.00+1.96 \approx 3.0$ (米).

答:凉亭最高点到地面的距离 BN 约为 3.0 米.

$\dots\dots\dots (7 \text{ 分})$

22.【解】(1)设 $CE=x$ 米.

在 $\text{Rt}\triangle BCE$ 中, $\angle BCE=90^\circ, \angle BEC=60^\circ,$

$\therefore \angle EBC=30^\circ, \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$

$\therefore BE=\frac{CE}{\sin \angle EBC}=2x, BC=\frac{CE}{\tan \angle EBC}=\sqrt{3}x.$

$\because \angle BEC=60^\circ, \angle F=30^\circ, \therefore \angle FBE=30^\circ,$

$\therefore \angle FBE=\angle F, \therefore BE=EF=2x.$

$\because EF=30, \therefore 2x=30, \therefore x=15, \dots\dots\dots (3 \text{ 分})$

$\therefore BC=15\sqrt{3}$ 米.

答:宣传条幅 BC 的长为 $15\sqrt{3}$ 米. $\dots\dots\dots (4 \text{ 分})$

上分攻略 评分细则

21. 证明 $\angle BCF=30^\circ$ 是解题的关键.

22. (1) 不写答扣 1 分.

(2) $\because CE=15, EF=30, \therefore CF=45. \therefore$ 小刚的速度为 $30 \div 60 = \frac{1}{2}$ (米/秒), \therefore 小刚从点 F 到点 C 所用的时间为 $45 \div \frac{1}{2} = 90$ (秒).

答: 小刚从点 F 到点 C 所用的时间为 90 秒.

..... (7 分)

23. 【解】(1) 如图, 过点 D 作 $DF \perp CE$ 于点 F , 则 $\angle CFD = \angle EFD = 90^\circ$. 由题意知, $CD = 100$ 米, $\angle CDF = 60^\circ, \angle EDF = 45^\circ$ (1 分)

在 $Rt\triangle CDF$ 中, $CF = CD \cdot \sin \angle CDF = 100 \times \frac{\sqrt{3}}{2} =$

$50\sqrt{3}$ (米), $DF = CD \cdot \cos \angle CDF = 100 \times \frac{1}{2} =$

50 (米). (2 分)

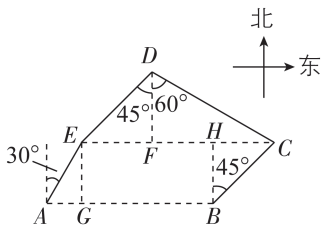
在 $Rt\triangle DEF$ 中, $\because \angle EDF = 45^\circ, DF = 50$ 米,

$\therefore EF = DF \cdot \tan \angle EDF = 50 \times 1 = 50$ (米),

$\therefore CE = EF + CF = (50 + 50\sqrt{3})$ 米.

答: 展区 C 与展区 E 相距 $(50 + 50\sqrt{3})$ 米.

..... (4 分)



(2) 如图, 过点 E 作 $EG \perp AB$ 于 G , 过点 B 作 $BH \perp CE$ 于 H , 则 $\angle EGB = \angle EHB = 90^\circ$. 由题意知, $CE \parallel AB, \angle EAG = 60^\circ, \angle CBH = 45^\circ, AE = 50$ 米, $\therefore \angle EGB = \angle EHB = \angle HBG = 90^\circ, \therefore$ 四边形 $EGBH$ 是矩形, $\therefore BH = EG, EH = BG$ (7 分)

在 $Rt\triangle AGE$ 中, $EG = AE \cdot \sin \angle EAG = 50 \times \frac{\sqrt{3}}{2} =$

$25\sqrt{3}$ (米), $AG = AE \cdot \cos \angle EAG = 50 \times \frac{1}{2} =$

25 (米). 在 $Rt\triangle CBH$ 中, $BH = EG =$

$25\sqrt{3}$ 米, 则 $CH = BH \cdot \tan \angle CBH =$

$25\sqrt{3}$ 米, $\therefore EH = CE - CH = 50 + 50\sqrt{3} -$

$25\sqrt{3} = (50 + 25\sqrt{3})$ 米, $\therefore AB = AG + BG = AG + EH =$

$75 + 25\sqrt{3} \approx 118$ (米).

答: 展区 A, B 之间防空洞的长度约为 118 米.

..... (9 分)

24. 【解】(1) 如图, 过点 A 作 $AC \perp OM$ 于点 C .

$\because AB = 16, OB = 3OA, \therefore OA = 16 \times \frac{1}{1+3} = 4, \therefore OB =$

$3OA = 12$ (2 分)

在 $Rt\triangle AOC$ 中, $\angle AOC = 60^\circ, OA = 4,$

$\therefore OC = \frac{1}{2}OA = 2, \therefore CM = 4 - 2 = 2, \therefore$ 点 A 位于最

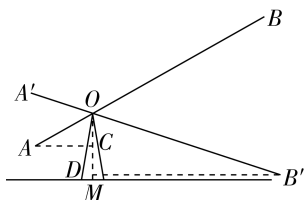
低点时与地面的垂直距离为 2 尺. (5 分)

23. (1) “西南方向”这种隐含条件表示的度数要在过程中写出, 如“由题意知 $\angle EDF = 45^\circ$ ”, 否则可能扣分.

23. (2) 要写一下四边形 $EGBH$ 是矩形的证明过程.

在做题时如果不能明确某个步骤要不要写, 最好还是写上.

24. 两条辅助线距离较近时, 注意画准确, 字母之间如 “C” “D”, 不要离得太近.



(2)如图,过点 B' 作 $B'D \perp OM$ 于点 D .

在 $\text{Rt} \triangle B'OD$ 中, $OB' = OB = 12$, $\angle OB'D = 108.2^\circ - 90^\circ = 18.2^\circ$, (7分)

$\therefore OD = 12 \times \sin 18.2^\circ \approx 12 \times 0.31 = 3.72$,

$\therefore DM = 4 - 3.72 = 0.28$, \therefore 最低点 B' 与地面的垂直距离约为 0.28 尺. (9分)

25.【解】(1) 方案一无法计算出水城河两岸的宽度,理由如下: \because 方案一给出的数据为 CD 的长, $\triangle ABC$ 和 $\triangle CDE$ 无法建立联系,无法得到 $\triangle ABC$ 的任意一边长度, \therefore 方案一无法计算出水城河两岸的宽度. (3分)

(2)(任选一种即可)选择方案二:

$\because \angle ACB = \angle ADB + \angle CBD$, $\angle ACB = 60^\circ$, $\angle ADB = 30^\circ$, $\therefore \angle ADB = \angle CBD = 30^\circ$,

$\therefore BC = CD = 11.8 \text{ m}$, (6分)

$\therefore AB = BC \cdot \sin 60^\circ = 11.8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 10.2 (\text{m})$.

故水城河两岸的宽度约为 10.2 m. (9分)

选择方案三: 设 $AB = x \text{ m}$, 则 $AC = \frac{AB}{\tan 60^\circ} =$

$\frac{\sqrt{3}}{3}x \text{ m}$, $AD = \frac{AB}{\tan 30^\circ} = \sqrt{3}x \text{ m}$, (6分)

$\therefore \frac{\sqrt{3}}{3}x + \sqrt{3}x = 23.5$, 解得 $x \approx 10.2$, $\therefore AB \approx 10.2 \text{ m}$.

故水城河两岸的宽度约为 10.2 m. (9分)

26. (1) 1 (2分)

【解析】 \because 顶角为 60° 的等腰三角形是等边三角形, $\therefore \text{sad } 60^\circ = \frac{\text{底边}}{\text{腰}} = 1$. 故答案为 1.

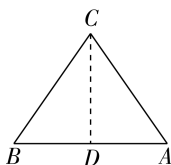
【解】(2) 如图(1)所示, 作 $CD \perp BA$ 于点 D . $\because \triangle ABC$ 中, $CB = CA$, $\text{sad } \angle ACB = \frac{AB}{BC} =$

$\frac{6}{5}$, $\therefore AB = \frac{6}{5}BC$. $\because CD \perp AB$,

$\therefore BD = AD = \frac{1}{2}AB = \frac{3}{5}BC$, (5分)

$\therefore CD = \sqrt{BC^2 - BD^2} = \sqrt{BC^2 - \left(\frac{3}{5}BC\right)^2} = \frac{4}{5}BC$,

$\therefore \tan B = \frac{CD}{BD} = \frac{\frac{4}{5}BC}{\frac{3}{5}BC} = \frac{4}{3}$ (7分)



图(1)

25. (1) 要写出理由, 否则扣分.

25. (2) 选择一种方案写过程即可, 多写不会加分.

26. (1) 填空题无需写出解题过程.

26. (2) 注意求的是“ $\tan B$ ”的值, 而不是“ $\text{sad } B$ ”的值.

答案及评分细则

上分攻略 评分细则

(3) 如图(2)所示,在 AB 上截取 $AD=AC$,连接 CD ,作 $DE \perp AC$ 于点 E (9分)

\therefore Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$,

$$\sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{5}, \therefore \text{设 } BC = 4a, AB = 5a, \text{则 } AC = AD = 3a, \therefore \cos A =$$

$$\frac{AC}{AB} = \frac{3}{5}, \therefore DE = AD \cdot \sin A = 3a \times \frac{4}{5} = \frac{12a}{5},$$

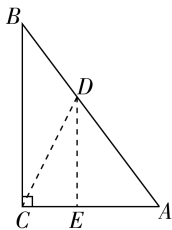
$$AE = AD \cdot \cos A = 3a \times \frac{3}{5} = \frac{9a}{5},$$

..... (11分)

$$\therefore CE = AC - AE = 3a - \frac{9a}{5} = \frac{6a}{5}, \therefore CD = \sqrt{CE^2 + DE^2} =$$

$$\sqrt{\left(\frac{6a}{5}\right)^2 + \left(\frac{12a}{5}\right)^2} = \frac{6\sqrt{5}a}{5},$$

$$\therefore \sin A = \frac{CD}{AC} = \frac{\frac{6\sqrt{5}a}{5}}{3a} = \frac{2\sqrt{5}}{5}. \quad \text{..... (12分)}$$



图(2)

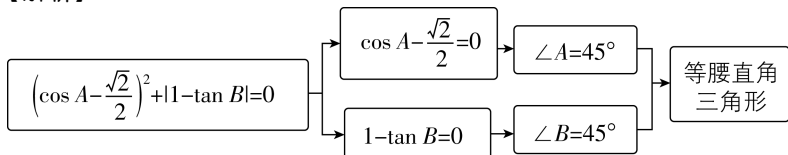
26. (3) 在 AB 上截取 $AD = AC$ 时,最好使用圆规,使作图尽量精准.作图特别不准确虽然不会扣分,但可能会影响自己后续答题.

上分解析

1. C 【解析】设 $AC = x$, 则 $BC = 3AC = 3x$. 在 Rt $\triangle ABC$ 中, 由勾股定理得 $AB =$

$$\sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{x^2 + (3x)^2} = \sqrt{10}x, \text{所以 } \sin B = \frac{AC}{AB} = \frac{x}{\sqrt{10}x} = \frac{\sqrt{10}}{10}. \text{ 故选 C.}$$

2. D 【解析】



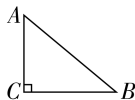
故选 D.

3. B 【解析】在 Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\tan B = \frac{AC}{BC}$, $\therefore \frac{AC}{BC}$ 表示 $\angle B$ 的正切. 故选 B.

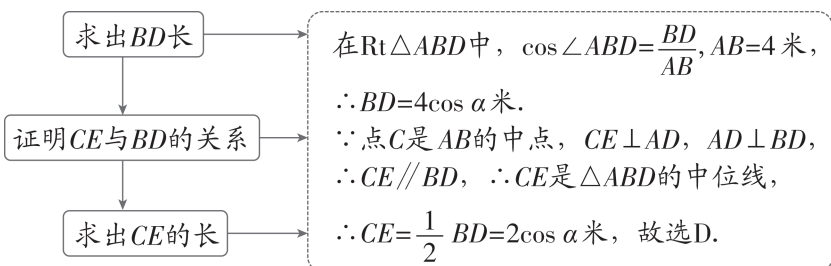
4. A 【解析】 $\because \angle C = 90^\circ, AB = 8, \angle B = 30^\circ, \therefore AC = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2} \times 8 = 4. \therefore$ 点 P 是 BC 边上的动点, 不与点 B, C 重合, $\therefore 4 < AP < 8, \therefore AP$ 的长不可能是 3.5. 故选 A.

5. D 【解析】如图所示, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ, \angle A = \alpha, AC = m$,

$$\therefore \cos \alpha = \frac{AC}{AB}, \therefore AB = \frac{m}{\cos \alpha}. \text{ 故选 D.}$$

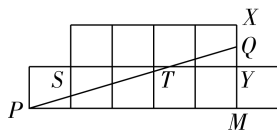


6. D 【解析】



7. C 【解析】观测车从 B 点行驶到目标 A 的正下方的过程中, 仰角逐渐增大, 行驶到目标 A 的正下方时, 仰角最大, 为 90° , 再继续向 C 点行驶的过程中, 仰角逐渐减小. 故选 C.

8. B 【解析】如图, 设每个小正方形的边长均为 1, $QY = x$, 则 $QM = QY + MY = x + 1$. \therefore 线段 PQ 恰好将这个图形分

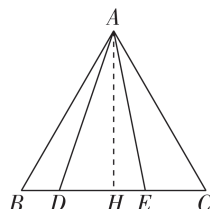


成面积相等的两个部分, $\therefore S_{\triangle PQM} + 1 = 10 \times 1 \times \frac{1}{2} = 5$,

$$\therefore \frac{1}{2} PM \cdot QM + 1 = 5, \therefore \frac{1}{2} \times 5(x + 1) + 1 = 5, \therefore x = \frac{3}{5}, \therefore QM = \frac{8}{5}. \therefore TY \parallel PM,$$

$$\therefore \angle QTY = \angle QPM, \therefore \tan \angle QTY = \tan \angle QPM = \frac{QM}{PM} = \frac{8}{25}. \text{ 故选 B.}$$

9. A 【解析】如图, 过点 A 作 $AH \perp BC$ 于 H . $\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形, $\therefore AB = AC = BC = 6$, $\angle BAC = 60^\circ$. $\therefore AH \perp BC$, $\therefore \angle BAH = \frac{1}{2} \angle BAC = 30^\circ$, $\therefore \angle BAD + \angle DAH = 30^\circ$. $\therefore \angle DAE = 30^\circ$,



$$\therefore \angle BAD + \angle EAC = 30^\circ, \therefore \angle DAH = \angle EAC, \therefore \tan \angle DAH =$$

$$\tan \angle EAC = \frac{1}{3}. \therefore BH = \frac{1}{2} AB = 3, AH = AB \sin 60^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} =$$

$$3\sqrt{3}, \therefore \tan \angle DAH = \frac{DH}{AH} = \frac{DH}{3\sqrt{3}} = \frac{1}{3}, \therefore DH = \sqrt{3}, \therefore BD = BH - DH = 3 - \sqrt{3}. \text{ 故选 A.}$$

10. A 【解析】 $\therefore \angle ACB = 90^\circ$, $\angle A = 60^\circ$, $AC = 2$, $\therefore BC = AC \cdot \tan 60^\circ = 2 \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$.

$$\therefore \text{点 } D, \text{点 } E, \text{点 } F \text{ 分别是 } AC, AB, BC \text{ 的中点}, \therefore AD = \frac{1}{2} AC = 1, DE = \frac{1}{2} BC =$$

$$\sqrt{3}, DE \parallel BC, \therefore \angle ADE = \angle ACB = 90^\circ, \therefore S = \frac{AD \cdot DE}{2} = \frac{1 \times \sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{同理 } S_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} \times$$

$$\frac{1}{4}, S_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left(\frac{1}{4}\right)^2, S_3 = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left(\frac{1}{4}\right)^3, \dots, \therefore S_n = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left(\frac{1}{4}\right)^n, \therefore S_{2024} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^{2024}. \text{ 故选 A.}$$

11. 30 【解析】 $\therefore \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$, α 为锐角, $\therefore \alpha = 30^\circ$. 故答案为 30.

12. 45 【解析】 \therefore 斜坡 AB 的坡度 $i = 1:1$, 坡角为 α , $\therefore \tan \alpha = 1$, $\therefore \alpha = 45^\circ$, 故答案为 45.

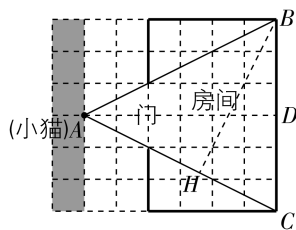
13. 60° 【解析】 $\therefore \tan A = \frac{\sin A}{\cos A}$, $\angle A$ 是锐角, $\tan A = 2 \sin A$, $\therefore \frac{\sin A}{\cos A} = 2 \sin A$,

$$\therefore \cos A = \frac{1}{2}, \therefore \angle A = 60^\circ. \text{ 故答案为 } 60^\circ.$$

14. $\frac{4}{5}$ 【解析】如图, 当视角最大时, 小猫所在位置为

A , 过点 A 作 $AD \perp BC$ 于 D , 过点 B 作 $BH \perp AC$ 于 H . 设正方形地砖边长为 1, 由图可得 $AB = AC =$

$$\sqrt{6^2 + 3^2} = 3\sqrt{5}. \therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AD = \frac{1}{2} AC \cdot BH,$$



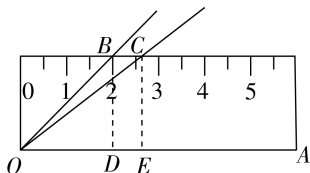
$$\therefore BH = \frac{6 \times 6}{3\sqrt{5}} = \frac{12\sqrt{5}}{5}. \text{ 在 Rt} \triangle ABH \text{ 中}, \sin \angle BAH = \frac{BH}{AB} = \frac{\frac{12\sqrt{5}}{5}}{3\sqrt{5}} = \frac{4}{5}. \text{ 故答案为 } \frac{4}{5}.$$



上分点拨 | 构造直角三角形解题

找到视角最大时小猫所在的位置,画出图形,构造直角三角形,求出相关线段长度,根据锐角三角函数定义可得答案.

15. 2.7 【解析】如图,过点 B 作 $BD \perp OA$ 于 D ,过点 C 作 $CE \perp OA$ 于 E . 在 $\text{Rt}\triangle BOD$ 中, $\angle BOD = 45^\circ$, $\angle BDO = 90^\circ$, $\therefore \angle OBD = \angle BOD = 45^\circ$. $\therefore OB$ 与尺上沿的交点 B 在尺上的读数为 2 cm, $\therefore OD = 2$ cm, $\therefore BD = OD = 2$ cm. 易证四边形 $BDEC$ 是矩



形, $\therefore CE = BD = 2$ cm. 在 $\text{Rt}\triangle COE$ 中, $\angle EOC = \angle AOC = 37^\circ$, $\tan \angle EOC = \frac{CE}{OE}$,

$\therefore OE = \frac{CE}{\tan \angle EOC} = \frac{2}{\tan 37^\circ} \approx \frac{2}{0.75} \approx 2.7$ (cm), $\therefore OC$ 与尺上沿的交点 C 在尺上的读数约为 2.7 cm. 故答案为 2.7.

16. $\frac{3}{4}$ 【解析】设 $CD = x$, 则 $AD = AC - CD = 8 - x$. $\because DE$ 垂直平分 AB , $\therefore DB = AD = 8 - x$. $\because \angle C = 90^\circ$, $\therefore BD^2 = BC^2 + CD^2$, $\therefore (8 - x)^2 = 4^2 + x^2$, $\therefore x = 3$, $\therefore CD = 3$, $\therefore \tan \angle DBC = \frac{DC}{BC} = \frac{3}{4}$. 故答案为 $\frac{3}{4}$.

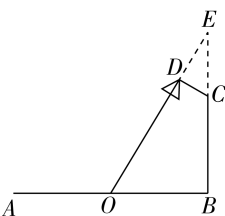
17. (1) 60 (2) $(6\sqrt{3} - 6)$ 【解析】(1) $\because OD \perp DC$, $BC \perp AB$, $\therefore \angle ODC = \angle ABC = 90^\circ$. $\because \angle DCB = 120^\circ$, $\therefore \angle DOB = 360^\circ - \angle ODC - \angle DCB - \angle ABC = 60^\circ$. 故答案为 60.

(2) 如图, 延长 OD , 交 BC 的延长线于点 E . 在 $\text{Rt}\triangle OBE$ 中, $\angle E = 90^\circ - \angle EOB = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$. 当 $DC = 4$ 米时, 点 O 为 AB 的中点, $\therefore OB = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2} \times 24 = 12$ (米), $\therefore OE =$

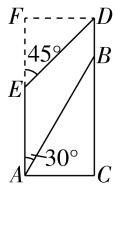
$2OB = 24$ 米, $\therefore BE = \sqrt{OE^2 - OB^2} = \sqrt{24^2 - 12^2} = 12\sqrt{3}$ (米). 在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中, $\angle EDC = 90^\circ$, $\angle E = 30^\circ$, $\therefore CE = 2DC = 2 \times 4 = 8$ (米), $\therefore BC = BE - CE = (12\sqrt{3} - 8)$ 米. 当 $DC = 1$ 米时, 在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中, $\angle EDC = 90^\circ$, $\angle E = 30^\circ$, \therefore

$CE = 2DC = 2 \times 1 = 2$ (米). $\because AB = 24$ 米, $OB = \frac{1}{4}AB$, $\therefore OB = \frac{1}{4} \times 24 = 6$ (米), $\therefore OE =$

$2OB = 2 \times 6 = 12$ (米), $\therefore BE = \sqrt{OE^2 - OB^2} = \sqrt{12^2 - 6^2} = 6\sqrt{3}$ (米), $\therefore BC = BE - CE = (6\sqrt{3} - 2)$ 米, \therefore 现在路灯的灯柱 BC 高度应该比原设计高度缩短 $(12\sqrt{3} - 8) - (6\sqrt{3} - 2) = (6\sqrt{3} - 6)$ 米. 故答案为 $(6\sqrt{3} - 6)$.



18. $(200\sqrt{3} - 100)$ 【解析】如图, 过点 D 作 $DF \perp AE$ 交 AE 的延长线于点 F , 则 $DF = AC = 200$ 米, $AF = CD$. 根据题意得 $\angle DEF = 45^\circ$, $\angle ABC = \angle EAB = 30^\circ$, $\therefore \triangle DEF$ 是等腰直角三角形, $\therefore DE = \sqrt{2}DF = 200\sqrt{2}$ 米, $EF = DF = 200$ 米. $\because AC = 200$ 米, $\therefore BC = \frac{AC}{\tan \angle ABC} = \frac{200}{\frac{\sqrt{3}}{3}} =$



$200\sqrt{3}$ (米), $\therefore AF = CD = BC + BD = (200\sqrt{3} + 100)$ 米, $\therefore AE = AF - EF = (200\sqrt{3} + 100) - 200 = (200\sqrt{3} - 100)$ 米. 故答案为 $(200\sqrt{3} - 100)$.

19. 【方法总结】求一些点的坐标时, 过已知点向坐标轴作垂线, 然后求出相关的线段长, 是解决这类问题的基本方法.

- 20.【思路分析】**(1) 过点 A 作 BD 的垂线交 BD 的延长线于点 E , 解直角三角形分别求出 AB, BD 与 AE 的关系, 可得结论.
- (2) 在 AB 上取一点 F , 使得 $DB=DF$, 连接 CF . 分别求出 $\angle FCB, \angle ACF$ 的度数, 可得结论.
- 21.【关键点拨】** 本题主要考查解直角三角形的应用, 结合题目意思, 构造合适的直角三角形是解此类题的关键.
- 22.【思路分析】**(1) 设 $CE=x$ 米, 解直角三角形分别表示出 BC, BE 的长. 利用等角对等边易得 $BE=FE$, 即可求得 CE 的长, 进而求得 BC 的长.
- (2) 根据(1)的结果可求得 $CF=45$, 根据已知求得小刚的速度, 然后根据速度、时间、路程的关系即可求解.
- 23.【方法总结】** 本题中有很多特殊角, 要学会利用特殊角构造直角三角形解决问题.
- 24.【思路分析】**(1) 构造直角三角形, 在直角三角形 AOC 中, 由锐角三角函数的定义进行计算即可; (2) 过点 B' 作 OM 的垂线, 构造直角三角形, 求出 $\angle B'$ 的度数, 利用锐角三角函数的定义可求出 OD 的长, 进而求出 DM 的长即可.
- 25.【关键点拨】** 利用方案三解题时, 要找到等量关系, 即 $AC+AD=CD$, 再设参数构建方程解决问题.
- 26.【关键点拨】** 本题考查解直角三角形, 解题的关键是理解题目中给出的新定义, 并作出合适的辅助线, 构造等腰三角形和直角三角形.